

2025-26

1. Designação da unidade curricular

[4257] Álgebra Linear e Geometria Analítica / Linear Algebra and Analytic Geometry

2. Sigla da área científica em que se insere

MAT

3. Duração

Unidade Curricular Semestral

4. Horas de trabalho

162h 00m

5. Horas de contacto

Total: 67h 30m das quais TP: 67h 30m

6. % Horas de contacto a distância

Sem horas de contacto à distância

7. ECTS

6

8. Docente responsável e respetiva carga letiva na Unidade Curricular

[1488] Teresa Maria de Araújo de Melo Quinteiro | Horas Previstas: 67.5 horas

9. Outros docentes e respetivas cargas letivas na unidade curricular

Não existem docentes definidos para esta unidade curricular

10. Objetivos de aprendizagem e a sua compatibilidade com o método de ensino (conhecimentos, aptidões e competências a desenvolver pelos estudantes).

Após a aprovação na unidade curricular, o estudante deverá possuir a capacidade de:

1. Efetuar cálculos com matrizes e determinantes.
2. Discutir e resolver sistemas de equações lineares.
3. Reconhecer os conceitos de espaço vetorial e de aplicação linear e utilizá-los na resolução de problemas destes domínios.
4. Determinar valores e vetores próprios e diagonalizar uma matriz.
5. Calcular e interpretar o produto interno, externo e misto.
6. Aplicar os conceitos abordados nesta unidade curricular na resolução de problemas de geometria analítica.
7. Identificar e utilizar os temas abordados na resolução de problemas de Engenharia.

10. Intended Learning objectives and their compatibility with the teaching method (knowledge, skills and competences by the students).

Students who successfully complete this course unit should be able to:

1. Perform calculations with matrices and determinants.
2. Analyse and solve systems of linear equations.
3. Understand the concepts of vector space and linear transformation and be able to apply them to solve problems.
4. Compute eigenvalues and eigenvectors and diagonalize matrices.
5. Compute inner, cross and scalar triple products, and understand their geometric interpretation.
6. Apply the concepts learned to the solution of problems in analytic geometry.
7. Apply the knowledge learned in the course to the solution of problems in engineering.

11. Conteúdos programáticos

1. Revisões: número complexos, resolução e interpretação geométrica dos sistemas de equações lineares com 2 e 3 incógnitas.
2. Matrizes: definição, operações, característica, aplicação ao estudo e resolução de sistemas de equações lineares, inversão de matrizes.
3. Determinantes: definição, propriedades e métodos de cálculo (Teorema de Laplace, cálculo abreviado).
4. Espaços vetoriais: definição, exemplos, combinações lineares, subespaços vetoriais, dependência linear, base e dimensão, mudança de base.
5. Aplicações lineares: definição, exemplos, representações matriciais, núcleo e imagem, operações com aplicações lineares.
6. Valores e vetores próprios: definição, cálculo dos valores próprios (polinómio característico), subespaço próprios, multiplicidade algébrica e geométrica, diagonalização.
7. Espaços euclidianos e geometria analítica: produto interno, norma, distância, ângulos, produto externo e produto misto, aplicações à geometria.

11. Syllabus

1. Revision: complex numbers, solving methods and geometric interpretation of linear systems with 2 and 3 variables.
2. Matrices: definition and notation, matrix operations, echelon form and rank of a matrix, systems of linear equations, inverse of a matrix.
3. Determinants: definition, properties, methods of evaluating determinants.
4. Vector spaces: definition and examples, subspaces, generating sets, linear dependence, basis and dimension, change of basis.
5. Linear transformations: definition and examples, matrix representation of a linear transformation, kernel and image of a linear transformation, operations with linear transformations.
6. Eigenvalues and eigenvectors: definition and examples, eigenspaces, algebraic and geometric multiplicity of an eigenvalue, diagonalization.
7. Euclidean spaces: inner product: definition and examples, norm, distance, angle, the cross product and scalar triple product, geometrical applications.

12. Demonstração da coerência dos conteúdos programáticos com os objetivos de aprendizagem da unidade curricular

Nas áreas das ciências e engenharia, os conceitos e ferramentas de álgebra linear e de geometria analítica são amplamente utilizadas. Esta unidade curricular pretende dar uma formação básica em álgebra linear e geometria analítica (objetivos 1 a 6 cumpridos nos conteúdos programáticos I a VII). O objetivo 7 é transversal ao programa da disciplina.

12. Evidence of the syllabus coherence with the curricular unit's intended learning outcomes

The topics taught allow the student to acquire concepts about descriptive analysis of multivariate data, Tools from Linear Algebra and Analytic Geometry are widely used in modeling throughout science and engineering. The curricular unit aims to provide basic knowledge of these topics (learning outcomes 1 a 6 covered by sections I to VII of the syllabus). Learning outcome 7 is common to the whole program.

13. Metodologias de ensino e de aprendizagem específicas da unidade curricular articuladas com o modelo pedagógico

As aulas são teórico-práticas. Para expor a matéria teórica usa-se uma metodologia expositiva, exemplificando, quando possível, com problemas que interligam as ferramentas desenvolvidas com conceitos estudados em unidades curriculares da especialidade. Os alunos são incentivados a aplicar e consolidar os seus conhecimentos resolvendo os exercícios indicados pelo docente

13. Teaching and learning methodologies specific to the curricular unit articulated with the pedagogical model

Classes are theoretical-practical. To expose the theoretical material an expository methodology is used, exemplifying, when possible, with problems connecting the tools developed with concepts important in engineering-relates courses. Students are encouraged to apply and consolidate their knowledge by solving exercises proposed by the teacher.

14. Avaliação

A avaliação dos objetivos de aprendizagem 1 a 9 é realizada através de avaliação distribuída com exame final.

A avaliação será efetuada através de testes escritos $TE = 0,5*TE1 + 0,5*TE2$ complementados pela média dos relatórios de atividades desenvolvidas (RAD), realizados durante o período letivo. A componente de testes pode ser substituída por um exame final (EF).

A classificação final ($CF \geq 9,50$) é obtida por:

$CF = 0,9*(TE \text{ ou } EF) + 0,1*RAD$, com nota mínima de 9,50 para TE e EF e 8,00 para TE1 e TE2, sem nota mínima para os RADi.

A componente RAD corresponde à média de 2 a 6 relatórios de trabalhos e/ou fichas práticas a desenvolver individualmente e não são considerados pedagogicamente fundamentais.

14. Assessment

The assessment of learning objectives 1 to 9 is carried out through distributed assessment with a final exam.

The assessment will be performed through written tests: $WT = 0.5*WT1 + 0.5*WT2$ complemented by the average of the reports on activities developed (RoA), carried out during the academic period. The test component can be replaced by a final exam (FE).

The final classification ($FC \geq 9.50$) is obtained by:

$FC = 0.9*(WT \text{ or } FE) + 0.1*RoA$, with a minimum score of 9.50 for WT and FE and 8.00 for WT1 and WT2, without a minimum grade for RoAi.

The RoA component corresponds to an average of 2 to 6 assignment reports and/or practical sheets to be developed individually and are not considered pedagogically fundamental.

15. Demonstração da coerência das metodologias de ensino com os objetivos de aprendizagem da unidade curricular

Nas aulas teórico-práticas são expostos os conteúdos programáticos e são fornecidas listas de exercícios diversificados e com diferentes graus de dificuldade que permitem ao aluno acompanhar todos os tópicos da matéria (objetivos de 1 a 6). A apresentação de aplicações a problemas de engenharia e outros da "vida real" motiva a aprendizagem proporcionando ao aluno uma visão inicial das aplicações da Matemática (objetivo 7). Privilegia-se uma forma de apresentação interativa, dando espaço ao aluno para expor as suas dúvidas.

15. Evidence of the teaching methodologies coherence with the curricular unit's intended learning outcomes

The lecture/recitations present the theory and illustrate the solution of diverse types of problems with varying degree of difficulty. This combination will help the student follow the material presented in class (achievement of goals 1 through 6). The presentation of applications to engineering and "real life" problems will increase motivation and give students a glimpse about mathematical applications in engineering (goal 7).

**16. Bibliografia de
consulta/existência obrigatória**

1. Anton, H., & Rorres, C. (2012). *Álgebra Linear com Aplicações* (10^a ed.). Bookman.
2. Axler, S. (2015). *Linear Algebra Done Right*. UTC, Springer Verlag.
3. Larson, R. (2017). *Elementary Linear Algebra ? Metric Version* (8th ed.). Brooks Cole .
4. Poole, D. (2014). *Linear Algebra: a modern introduction* . (4th ed.). Brooks Cole.
5. Santana, P. & Queiró, J.P.(2010). *Introdução à Álgebra Linear* . Gradiva.
6. Strang, G. (2006). *Linear Algebra and its Applications* (4th ed.). Cengage Learning.

17. Observações

Unidade Curricular Obrigatória

Data de aprovação em CTC: Data de aprovação em CTC: 2024-07-17

Data de aprovação em CP: Data de aprovação em CP: 2024-06-26